

# МОДЕЛИРОВАНИЕ СТУПЕНЧАТЫХ ПРЕДСТАВЛЕНИЙ НА ГРАФАХ

Кругленко В.И., Шурыгин В.Ю.<sup>1</sup>

Камский институт, Россия, 423818, Набережные Челны, пр. Мира, 76

Тел: (8552) 56-55-38, E-mail : kaminstitut@yandex.ru

<sup>1</sup>Елабужский педагогический университет, кафедра теоретической физики, Россия, 423630, Елабуга, ул. Казанская, 89, телефон(85557)3-49-75, E-mail: egpu@mail.ru

В граф, в котором степень каждой вершины  $L=a_1*a_2*a_3*...*a_N$ , вводится N-мерная координатная система графа. При каждой вершине каждому ребру присваиваются числа от 0 до  $a_1-1$  так, чтобы количества разных чисел были равными  $L / a_1$ . Затем при каждой вершине всем группам ребер с одинаковыми числами присваиваются еще значения от 0 до  $a_2-1$  так, чтобы количества этих разных чисел были равными  $L / a_1 a_2$  и т. д. Например, для  $L=12$  можно ввести 1 одномерную, 4 двухмерных и 3 трехмерных системы.

Вводится понятие ступенчатых представлений как совокупность последовательных переходов между вершинами с помощью N  $a_i$ -ричных координатных последовательностей, компоненты которых соответствуют координатным единицам. Для двухмерного представления  $\Phi(\alpha, \beta)$  на полном 9-ти вершинном графе с петлями, где  $L=3*3$ , подходят, например, 3-ричное разложение дроби  $1/37$  и 3-ричное разложение дроби  $3/37$ . Рассмотрены частные случаи симметричной и асимметричной координатных систем. Установлено условие замкнутости и реальности представлений  $\Phi(\alpha, \beta)$ . На рисунке показано влияние разных  $\alpha$  при одних и тех же  $\beta$  на представление.

$\alpha$  – 00001000010000100001.....

$\alpha$  - 00111001110011100111.....

$\beta$  – двоичное разложение  $-1/24781$

$\beta$  – двоичное разложение  $-1/24781$



Вводится понятие ступенчатого соответствия, когда последняя координатная последовательность  $z$  в  $\Phi(\alpha, \beta, \dots, z)$  определяется по различным множествам влияния. В частном случае, когда в качестве графа выбрана прямоугольная граф-решетка, получены аналитические выражения и проведено моделирование поведения объемов  $y(x)$  при изменении единицы решетки  $1/x$ .

$$x := 1000, 1000.1 .. 1030$$

$$y(x) := \frac{1}{x} \cdot \sum_{i=1}^{\text{trunc}(x)} (-1)^{\text{trunc}\left(xf\left(\frac{i}{x}\right)\right)+i}$$

