

ОБ ОПРЕДЕЛЕНИИ НЕИЗВЕСТНЫХ КОЭФФИЦИЕНТОВ ПРИ СТАРШИХ ПРОИЗВОДНЫХ В ЛИНЕЙНОМ ЭЛЛИПТИЧЕСКОМ УРАВНЕНИИ

А.А.Мамедова, С.И.Сафарова, Р.А.Алиев

Азербайджанский Университет Кооперации, Баку,
AZE 1106, г.Баку, ул.Н.Нариманова 8в,
E-mail: ramizaliyev1@mail.ru

Математические модели многих установившихся процессов различной физической природы описываются уравнениями эллиптического типа. Исследование обратных задач для эллиптического уравнения рассмотрено в работах [1–2]. Доказана теорема существования, единственности и устойчивости решения поставленной обратной задачи.

Рассмотрим задачу при фиксированных параметрах i_0, p об определении $\{a_{i_0}(x_p), u(x_1, x_2)\}$ из следующих условий:

$$-a_1(x_p)u_{x_1x_1} - a_2(x_p)u_{x_2x_2} + c(x_p)u = h(x_1, x_2), \quad (x_1, x_2) \in D, \quad (1)$$

$$u(0, x_2) = \phi_1(x_2), \quad u(l_1, x_2) = \phi_2(x_2), \quad 0 \leq x_2 \leq l_2, \quad (2)$$

$$u(x_1, 0) = \varphi_1(x_1), \quad u(x_1, l_2) = \varphi_2(x_1), \quad 0 \leq x_1 \leq l_1, \quad (3)$$

$$a_{i_0}(x_p)u_{x_p}[(2-p)x_1, (p-1)x_2] = g_{i_0}(x_p), \quad 0 \leq x_p \leq l_p, \quad (4)$$

удовлетворяющих условиям $\phi_1(0) = \varphi_1(0)$, $\phi_1(l_2) = \varphi_2(0)$, $\phi_2(0) = \varphi_1(l_1)$, $\phi_2(l_2) = \varphi_2(l_1)$,

Здесь $D = \{(x_1, x_2) \mid 0 < x_1 < l_1, 0 < x_2 < l_2\}$, $c(x_p)$, $h(x_1, x_2)$, $\phi_i(x_2)$, $\varphi_i(x_1)$, $g_{i_0}(x_p)$, $i = 1, 2$ – заданные функции $c(x_p) \in C^\alpha[0, l_p]$, $h(x_1, x_2)$, $h_{x_p x_p}(x_1, x_2) \in C^\alpha(\bar{D})$, $\phi_i(x_2) \in C^{2+\alpha}[0, l_2]$, $\varphi_i(x_1) \in C^{2+\alpha}[0, l_1]$, $g_{i_0}(x_p) \in C^\alpha[0, l_p]$, $i = 1, 2$, $0 < \alpha < 1$.

Метод последовательных приближений для решения задачи (1) – (4), применяется по схеме:

$$-a_{i_0}^{(s)}(x_p)u_{x_{i_0}x_{i_0}}^{(s+1)} - a_{i_1}^{(s)}(x_p)u_{x_{i_1}x_{i_1}}^{(s+1)} + c(x_p)u^{(s+1)} = h(x_1, x_2), \quad (x_1, x_2) \in D, \quad (5)$$

$$u^{(s+1)}(0, x_2) = \phi_1(x_2), \quad u^{(s+1)}(l_1, x_2) = \phi_2(x_2), \quad 0 \leq x_2 \leq l_2, \quad (6)$$

$$u^{(s+1)}(x_1, 0) = \varphi_1(x_1), \quad u^{(s+1)}(x_1, l_2) = \varphi_2(x_1), \quad 0 \leq x_1 \leq l_1, \quad (7)$$

$$a_{i_0}^{(s+1)}(x_p)u_{x_p}^{(s+1)}[(2-p)x_1, (p-1)x_2] = g_{i_0}(x_p), \quad 0 \leq x_2 \leq l_2, \quad (8)$$

Задача (1)–(4) дискретизируется и для решения этой задачи применяется метод последовательных приближений аналогично схеме (5)–(8), доказывается теорема о сходимости метода последовательных приближений.

Литература.

1. Соловьев В.В. Обратные задачи определения источника и коэффициента в эллиптическом уравнении в прямоугольнике // Журнал выч. мат. и мат. физики. 2007. – Т.47, №8. С.1365–1377.
2. Алиев Р. А. Об определении неизвестных коэффициентов при старших производных в линейном эллиптическом уравнении // Вест. Сам. гос. тех. ун-та. сер. физ.-мат. науки. 2014, № 3 (36), С.31–43.